

# SUMMATIVE ASSESSMENT – I, 2014

## MATHEMATICS CLASS - IX

### SECTION - A

1. यदि  $b > 0$  और  $b^2 = a$  हो, तो  $\sqrt{a}$  बराबर है : 1

- (A)  $-b$       (B)  $b$       (C)  $\sqrt{b}$       (D)  $b^2$

If  $b > 0$  and  $b^2 = a$  then  $\sqrt{a}$  is equal to :

- (A)  $-b$       (B)  $b$       (C)  $\sqrt{b}$       (D)  $b^2$

2. यदि  $\frac{x}{y} + \frac{y}{x} = -1$ , ( $x \neq y, y \neq 0$ ) हो, तो  $x^3 - y^3$  का मान है : 1

- (A)  $-1$       (B)  $1$       (C)  $0$       (D)  $\frac{1}{2}$

If  $\frac{x}{y} + \frac{y}{x} = -1$ , ( $x \neq y, y \neq 0$ ) then the value of  $x^3 - y^3$  is :

- (A)  $-1$       (B)  $1$       (C)  $0$       (D)  $\frac{1}{2}$

3. यदि  $p(t) = 4t^3 + 4t^2 - t - 1$  का गुणनखण्ड  $(2t+1)$  हो, तो  $p\left(-\frac{1}{2}\right)$  का मान है : 1

- (A)  $-\frac{1}{2}$       (B)  $\frac{1}{2}$       (C)  $1$       (D)  $0$

If  $(2t+1)$  is the factor of the polynomial  $p(t) = 4t^3 + 4t^2 - t - 1$  then the value of  $p\left(-\frac{1}{2}\right)$  is :

- (A)  $-\frac{1}{2}$       (B)  $\frac{1}{2}$       (C)  $1$       (D)  $0$

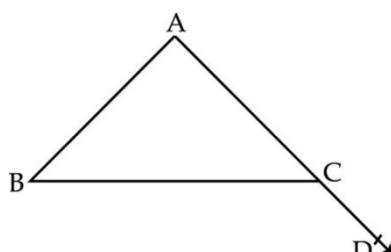
4. बहुपद  $p(x) = \sqrt{3}$  की घात है : 1

- (A)  $3$       (B)  $\sqrt{3}$       (C)  $1$       (D)  $0$

The degree of the polynomial  $p(x) = \sqrt{3}$  is :

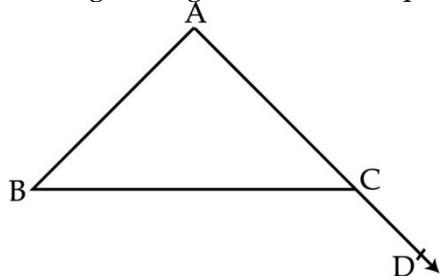
- (A)  $3$       (B)  $\sqrt{3}$       (C)  $1$       (D)  $0$

5. दी गई आकृति में  $\angle BCD$  बराबर है : 1



- (A)  $180^\circ$       (B)  $\angle ACB + \angle ABC$   
 (C)  $\angle ACB + \angle BAC$       (D)  $\angle BAC + \angle ABC$

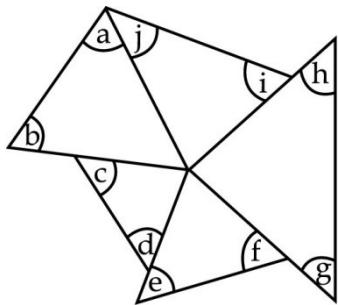
In the given figure,  $\angle BCD$  is equal to :



- (A)  $180^\circ$       (B)  $\angle ACB + \angle ABC$   
 (C)  $\angle ACB + \angle BAC$       (D)  $\angle BAC + \angle ABC$

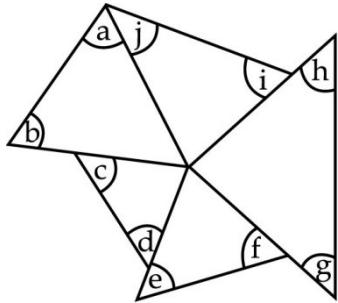
6. दी गई आकृति में  $(a + b + c + d + e + f + g + h + i + j)$  बराबर है :

1



- (A)  $900^\circ$       (B)  $720^\circ$       (C)  $540^\circ$       (D)  $360^\circ$

In the figure the measure of  $(a + b + c + d + e + f + g + h + i + j)$  is :



- (A)  $900^\circ$       (B)  $720^\circ$       (C)  $540^\circ$       (D)  $360^\circ$

7. यदि  $(2 - a + b, b) = (6, 2)$  हो, तो a का मान है :

1

- (A) 2      (B) -2      (C) -4      (D) -6

If  $(2 - a + b, b) = (6, 2)$  then the value of a is :

- (A) 2      (B) -2      (C) -4      (D) -6

8. बिंदु M, IV चतुर्थांश में स्थित है। बिंदु M के निर्देशांक हैं :

1

- (A) (a, b)      (B) (-a, b)  
 (C) (a, -b)      (D) (-a, -b)

The point M lies in the IV quadrant. The co-ordinates of point M is :

- (A) (a, b)      (B) (-a, b)  
 (C) (a, -b)      (D) (-a, -b)

**खण्ड-ब / SECTION-B**

Question numbers 9 to 14 carry two marks each.

9.  $\sqrt{2} = 1.414$  और  $\pi = 3.141$  हो, तो दशमलव के तीन स्थान तक  $\frac{1}{\sqrt{2}} + \pi$  का मान ज्ञात कीजिए। 2

Taking  $\sqrt{2} = 1.414$  and  $\pi = 3.141$ , evaluate  $\frac{1}{\sqrt{2}} + \pi$  upto three places of decimal.

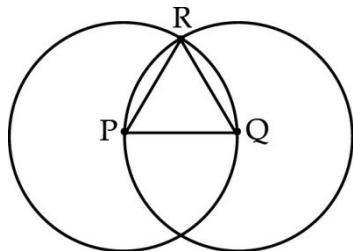
10. जाँच कीजिए कि क्या  $3x^2 + x - 1$  का एक गुणनखण्ड  $(x+1)$  है? 2

Examine whether  $(x+1)$  is a factor of  $3x^2 + x - 1$  ?

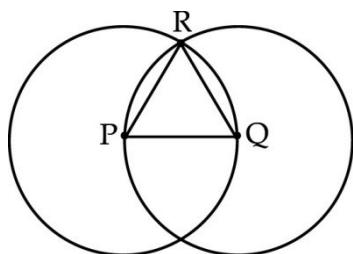
11. यदि  $x$  और  $y$ , दो धनात्मक वास्तविक संख्याएँ इस प्रकार हैं कि  $x^2 + 4y^2 = 17$  और  $xy = 2$  हो, तो  $(x+2y)$  का मान ज्ञात कीजिए। 2

If  $x$  and  $y$  are two positive real numbers such that  $x^2 + 4y^2 = 17$  and  $xy = 2$ , then find the value of  $(x+2y)$ .

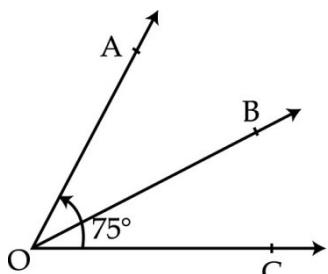
12. दो प्रतिच्छेदी वृत्तों के केन्द्र बिंदु P और Q हैं। सिद्ध कीजिए कि  $PQ = QR = PR$  है। 2



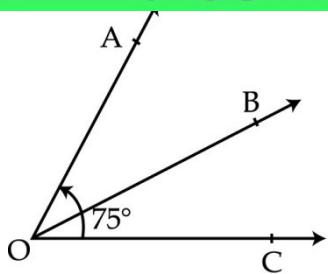
P and Q are the centres of two intersecting circles. Prove that  $PQ = QR = PR$ .



13. चित्र में  $\angle AOB : \angle BOC = 2 : 3$  है। यदि  $\angle AOC = 75^\circ$  हो, तो  $\angle AOB$  और  $\angle BOC$  का माप ज्ञात कीजिए। 2

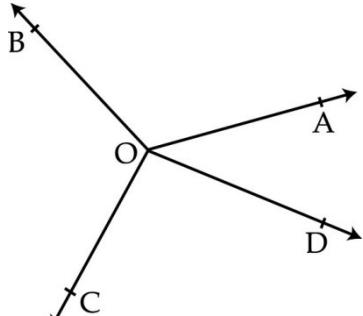


In figure  $\angle AOB : \angle BOC = 2 : 3$ . If  $\angle AOC = 75^\circ$  then find the measure of  $\angle AOB$  and  $\angle BOC$ .

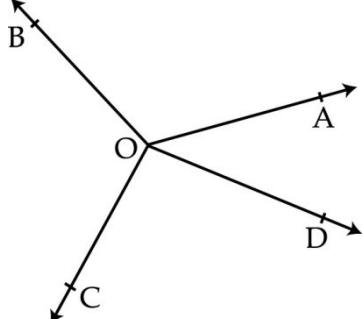


अथवा / OR

चित्र में सिद्ध कीजिए कि  $\angle AOB + \angle BOC + \angle COD + \angle DOA = 360^\circ$



In figure, prove that  $\angle AOB + \angle BOC + \angle COD + \angle DOA = 360^\circ$



14. एक त्रिभुज की भुजाएँ  $x$ ,  $x+1$  और  $2x-1$  हैं तथा क्षेत्रफल  $x\sqrt{10}$  है।  $x$  का मान ज्ञात कीजिए। 2

The sides of a triangle are  $x$ ,  $x+1$ ,  $2x-1$  and its area is  $x\sqrt{10}$ . What is the value of  $x$ ?

खण्ड-स / SECTION-C

प्रश्न संख्या 15 से 24 में प्रत्येक के 3 अंक हैं।

Question numbers 15 to 24 carry three marks each.

15.  $1\frac{1}{7}$  का दशमलव रूप ज्ञात कीजिए। 3

Find the decimal expansion of  $1\frac{1}{7}$ .

अथवा / OR

सरल कीजिए :  $4\sqrt{20} + \frac{1}{2}\sqrt{245} - \sqrt{405}$

Simplify :  $4\sqrt{20} + \frac{1}{2}\sqrt{245} - \sqrt{405}$

16. हल कीजिए :  $(\sqrt{5} + 2\sqrt{2})^2 - (\sqrt{5} - \sqrt{8})^2$  3

Evaluate :  $(\sqrt{5} + 2\sqrt{2})^2 - (\sqrt{5} - \sqrt{8})^2$

17. यदि  $3x^2 - mx - na$  का एक गुणनखण्ड  $x - a$  हो, तो सिद्ध कीजिए कि  $a = \frac{m+n}{3}$  है। 3

If  $x - a$  is the factor of  $3x^2 - mx - na$  then prove that  $a = \frac{m+n}{3}$ .

**अथवा / OR**

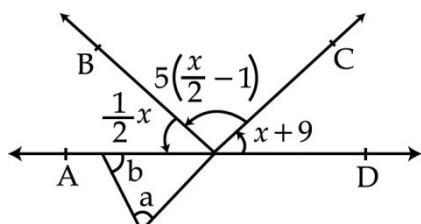
शेषफल प्रमेय के प्रयोग से गुणनखण्ड कीजिए :  $2x^3 - 9x^2 - 11x + 30$ .

Factorise using the remainder theorem  $2x^3 - 9x^2 - 11x + 30$ .

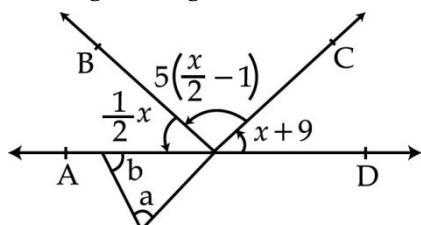
18. गुणनखण्ड कीजिए :  $(2y+x)^2(y-2x) + (2x+y)^2(2x-y)$  3

Factorise :  $(2y+x)^2(y-2x) + (2x+y)^2(2x-y)$

19. दी गई आकृति में  $a + b$  ज्ञात कीजिए। 3



In the given figure, find  $a + b$ .

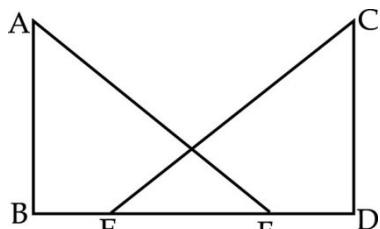


**अथवा / OR**

सिद्ध कीजिए कि त्रिभुज के कोणों का योग  $180^\circ$  होता है।

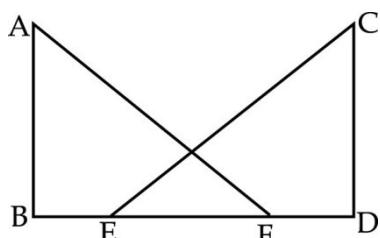
Prove that the sum of the angles of a triangle is  $180^\circ$ .

20. एक सड़क के दोनों ओर बराबर ऊँचाई के दो स्तम्भ AB और CD खड़े हैं (आकृति देखिए)। 3



यदि  $AF = CE$  हो, तो सिद्ध कीजिए कि  $BE = FD$  है।

Two equal pillars AB and CD are standing on either side of the road as shown in the figure.



If  $AF = CE$  then prove that  $BE = FD$

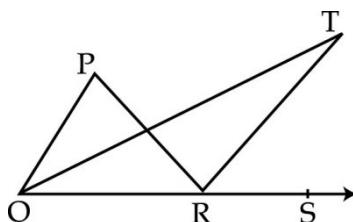
21.  $\Delta ABC$  एक समद्विबाहु त्रिभुज है जिसमें  $AB = BC$  है। यदि  $CE$  और  $BF$  दो माध्यिकाएँ हैं, तो सिद्ध कीजिए कि  $\Delta ABF \cong \Delta ACE$  है। 3

$\Delta ABC$  is an isosceles triangle with  $AB = BC$ . If  $CE$  and  $BF$  are the medians then prove that  $\Delta ABF \cong \Delta ACE$ .

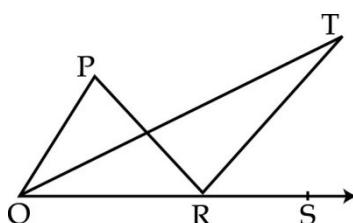
22. सिद्ध कीजिए कि किसी  $\Delta ABC$  में यदि  $AB > AC$  तथा  $BC$  पर कोई बिंदु  $D$  हो, तो  $AB > AD$  है। 3

Prove that in a  $\Delta ABC$ , if  $AB > AC$  and  $D$  is any point on the side  $BC$ , then  $AB > AD$ .

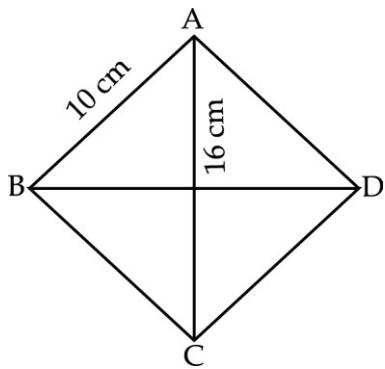
23. आकृति में  $\Delta PQR$  की भुजा  $QR$  को  $S$  तक बढ़ाया गया है। यदि  $\angle PQR$  और  $\angle PRS$  के समद्विभाजक  $T$  पर मिलते हैं, तो सिद्ध कीजिए कि  $2\angle QTR = \angle QPR$  है। 3



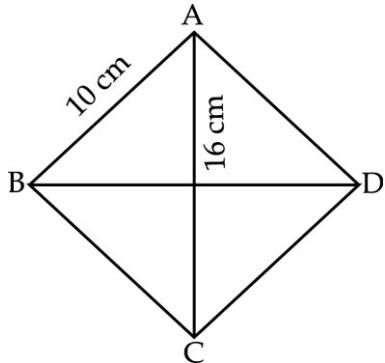
In figure, the side  $QR$  of  $\Delta PQR$  is produced to a point  $S$ . If the bisector of  $\angle PQR$  and  $\angle PRS$  meet at  $T$  then prove that  $2\angle QTR = \angle QPR$ .



24. दी गई आकृति में  $ABCD$  एक समचतुर्भुज है, जिसमें  $AC = 16$  cm और  $AB = 10$  cm है। समचतुर्भुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए। 3



In the given figure ABCD is a rhombus with  $AC=16 \text{ cm}$  and  $AB=10 \text{ cm}$ . What is the area of the rhombus ABCD.



**खण्ड-द / SECTION-D**

प्रश्न संख्या 25 से 34 में प्रत्येक के 4 अंक हैं।

Question numbers 25 to 34 carry four marks each.

25. यदि  $a = 7 - 4\sqrt{3}$  हो, तो  $\sqrt{a} + \frac{1}{\sqrt{a}}$  का मान ज्ञात कीजिए। 4

If  $a = 7 - 4\sqrt{3}$  then find the value of  $\sqrt{a} + \frac{1}{\sqrt{a}}$

**अथवा / OR**

$$\text{सरल कीजिए : } \left(\frac{81}{16}\right)^{-\frac{3}{4}} \times \left\{ \left(\frac{25}{9}\right)^{-\frac{3}{2}} \div \left(\frac{5}{2}\right)^{-3} \right\}$$

$$\text{Simplify : } \left(\frac{81}{16}\right)^{-\frac{3}{4}} \times \left\{ \left(\frac{25}{9}\right)^{-\frac{3}{2}} \div \left(\frac{5}{2}\right)^{-3} \right\}$$

26. सिद्ध कीजिए कि  $\frac{1}{1+\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}+\sqrt{3}} + \frac{1}{\sqrt{3}+\sqrt{4}}$  एक परिमेय संख्या है। 4

Prove that  $\frac{1}{1+\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}+\sqrt{3}} + \frac{1}{\sqrt{3}+\sqrt{4}}$  is a rational.

27. बहुपद  $f(x) = x^4 - 2x^3 + 3x^2 - ax + b$  को  $(x-1)$  और  $(x+1)$  से भाग देने पर शेषफल क्रमशः 5 और 19 है।  $f(x)$  को  $(x-2)$  से भाग देने पर शेषफल ज्ञात कीजिए। 4

On dividing  $f(x) = x^4 - 2x^3 + 3x^2 - ax + b$  by  $(x-1)$  and  $(x+1)$  we get remainder 5 and 19 respectively. Find the remainder when  $f(x)$  is divided by  $(x-2)$ .

28. C का ऐसा मान ज्ञात कीजिए कि बहुपद  $2x^3 - 7x^2 - 3x + C$ ,  $(2x+3)$  से पूर्णतः विभाजित हो जाए। 4  
बहुपद के गुणनखण्ड कीजिए।

Find the value of C for which the polynomial  $2x^3 - 7x^2 - 3x + C$  is exactly divisible by  $(2x+3)$ . Hence factorize the polynomial.

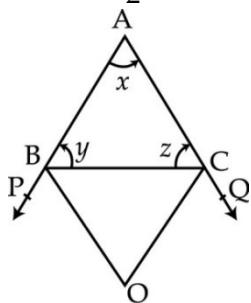
29. यदि  $x+y+z=0$  हो, तो सिद्ध कीजिए कि  $x^3 + y^3 + z^3 = 3xyz$ . 4

If  $x+y+z=0$  then show that  $x^3 + y^3 + z^3 = 3xyz$ .

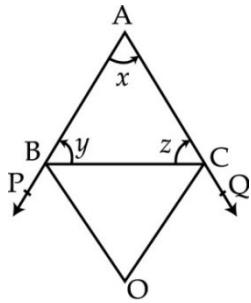
30. निम्नलिखित बिंदुओं को आलेखित कर के बिंदुओं को क्रमानुसार जोड़िए और आकृति PQRS को पहचानिए : P(1, 1), Q(4, 2), R(4, 8), S(1, 10) बिंदु P का x-अक्ष व y-अक्ष पर दर्पण प्रतिबिम्ब लिखिए। 4

Plot the following points. Join them in order and identify the figure, PQRS thus obtained : P(1, 1), Q(4, 2), R(4, 8), S(1, 10). Write mirror image of point P on x-axis and y-axis.

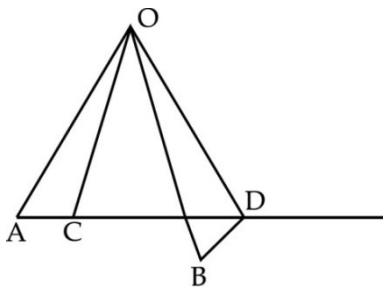
31.  $\Delta ABC$  की भुजाओं AB और AC को क्रमशः P तथा Q तक बढ़ाया गया है। यदि  $\angle CBP$  और  $\angle BCQ$  के समद्विभाजक क्रमशः BO और CO हैं, जो कि बिंदु O पर मिलते हैं, तो सिद्ध कीजिए कि  $\angle BOC = \frac{1}{2}(y+z)$  है। 4



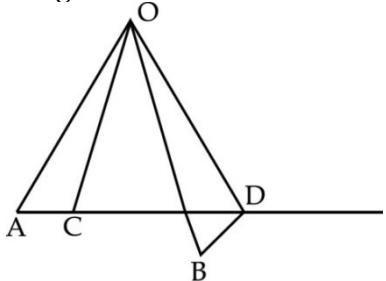
The sides AB and AC of  $\Delta ABC$  are produced to point P and Q respectively. If bisectors BO and CO of  $\angle CBP$  and  $\angle BCQ$  respectively meet at point O, then prove that  $\angle BOC = \frac{1}{2}(y+z)$ .



32. आकृति में  $OA = OB$ ,  $OC = OD$  तथा  $\angle AOB = \angle COD$  है। सिद्ध कीजिए कि  $AC = BD$  है। 4

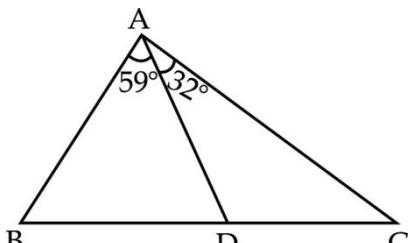


In figure  $OA = OB$ ,  $OC = OD$  and  $\angle AOB = \angle COD$ . Prove that  $AC = BD$ .

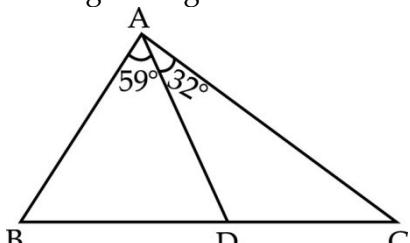


अथवा / OR

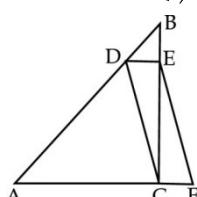
आकृति में  $AD = BD$  है। सिद्ध कीजिए कि  $BD < AC$  है।



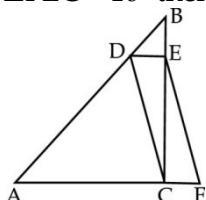
In the given figure  $AD = BD$ . Prove that  $BD < AC$ .



33. आकृति में  $\angle ACB$  एक समकोण है और  $AC = CD$  तथा  $CDEF$  एक समांतर चतुर्भुज है। यदि  $\angle FEC = 10^\circ$  हो, तो  $\angle BDE$  परिकलित कीजिए। 4



In figure  $\angle ACB$  is a right angle and  $AC = CD$  and  $CDEF$  is a parallelogram. If  $\angle FEC = 10^\circ$  then calculate  $\angle BDE$ .



34. Prove that two triangles are congruent if any two angles and the included side of one triangle is equal to any two angles and included side of the other triangle. 4